PV inversion を用いた診断的解析 ~ 1999 年 10 月 27 日に関東地方に大雨をもたらした低気圧~

金井秀元^{*}·新野 宏 (東大海洋研)

1.はじめに

1999 年 10 月 27 日、本州南岸を通過した低気 圧に伴い、関東地方では所により数時間で 300 ミ り前後の大雨となった。中でも千葉県佐原市では 19 時からの 1 時間にアメダス観測史上 1 位タイと なる 153 ミリの時間雨量を記録した。これまでの研 究(金井,2002)では、主に大雨をもたらした原因に ついてメソ・総観スケールの解析から明らかにした。 今回は、この大雨をもたらした低気圧の発達メカ ニズムに焦点を当てて解析を行った。

2.現象の概況

この大雨をもたらした低気圧は 1999 年 10 月 26 日21時頃に東シナ海で発生し、発達しながら本州 南岸を進んだ(図1)。この低気圧は26日21時から の24時間で中心気圧が18hPa深まるという、爆弾 低気圧(Sanders and Gyakum, 1980)に匹敵する急 発達を遂げた。最近の研究では急発達を遂げる 低気圧と上層の高渦位擾乱との関係が強調され ている(例えば、Uccellini,1990)。図 2 は、上層 250hPa と下層 850hPa の渦位(PV)の時間変化を 示したものである。高緯度側にある高渦位空気の 先端が時間とともに南に向かって張り出し、地上 低気圧に接近している。この高渦位擾乱の接近と 低気圧の発達期はよく一致していた。一方、対流 圏下層にも成層圏起源のものとは異なる高渦位 が低気圧中心付近で時間とともに生成されている 様子がわかる。これは、中心付近での激しい降水 に伴う潜熱解放によって生成されたものである。こ



図 0: 1999 年 10 月 27 日 21 時の地上天気図 と低気圧の移動経路

のように、今回の低気圧では、上層と下層の擾乱 のカップリングが低気圧を急発達させた可能性が 推測される。そこで、今回は PV inversion を用い てこの低気圧の発達メカニズムについて解析を行った。



図2:250hPa(contour)と850hPa(shade)の渦位。(a)26日21時 (b)27日09時(c)27日21時(d)28日09時。 は地上の低気 圧中心。

3. PV inversion

この節では、PV inversion について簡単に説明 する。PV(渦位)は(1)のように表される保存量で、 その大きな特徴として invertibility principle(転換可 能性の原則)がある。これは、渦位を求めるときに は速度場と温度場の二つから決めるため、渦位の 分布を与えただけでは両者を同時に決めることは できないが、速度場と温度場を結びつける方程式 があれば、渦位の分布を与えただけで両者を同時 に決めることができるというものである。ここでは、 Davis and Emanuel(1991)にならって、速度場と温 度場を関係付ける式として(2)で表される Nonlinear balance equation を用いる。いずれも、ポアソン方 程式なので、適当な境界条件を与えて解くことが できる。これが PV inversion である。

この PV の特性を使ったさらに有益な手法が、 piecewise inversion である。これは、全 PV から平 均場の PV を引くことで定義される PV アノマリを 複数のパートに分離して inversion を行うことによっ て、各 PV アノマリ間の相互作用や各 PV アノマリ の低気圧発達への相対的な寄与などを知ること ができるというものである。

$$q = \frac{g\kappa\pi}{p} \left[(f + \nabla^2 \Psi) \frac{\partial^2 \Phi}{\partial \pi^2} - \frac{1}{a^4 \cos^2 \phi} \frac{\partial^2 \Psi}{\partial \pi \partial \lambda} \frac{\partial^2 \Phi}{\partial \pi \partial \lambda} - \frac{1}{a^4} \frac{\partial^2 \Psi}{\partial \pi \partial \phi} \frac{\partial^2 \Phi}{\partial \pi \partial \phi} \right]$$
(1)

 $\nabla^{2}\Phi = \nabla \cdot f\nabla\Psi + \frac{2}{a^{4}\cos^{2}\phi} \left[\frac{\partial^{2}\Psi}{\partial\lambda^{2}} \frac{\partial^{2}\Psi}{\partial\phi^{2}} - \left(\frac{\partial^{2}\Psi}{\partial\pi\partial\lambda} \right)^{2} \right]$ (2)

 Ψ :非発散の流線関数 Φ :ジオポテンシャル

4. 低気圧発達のメカニズム

図3は、低気圧発達のメカニズムの一例を模式 的に表したものである。a は東西に伸びる傾圧帯 の上空に正の PV アノマリが接近してきた様子を 示している。この正の PV アノマリが誘起した循環 が黒の矢印で示されており、対流圏全層にわたる 循環を誘起している。このうち対流圏下層の循環 は下層の温位を移流させ上層の PV アノマリの東 側に正の温度偏差を形成する。それから時間が 経過した b では、この下層の温度偏差も同様に対 流圏全層にわたる低気圧性循環を誘起し、上層 のアノマリを強化している。このように、低気圧発 達の一つのシナリオとして上層と下層のロスビー 波の相互作用としての低気圧発達が考えられる。 今回のケースでは、このほかに下層に非断熱加 熱によって生成された PV アノマリが存在しており、 この PV アノマリに伴う循環も上層と下層のアノマ リと相互作用すると考えられる。



図3:上空の PV アノマリの下層の頃圧帯上への接近に伴う低気圧 発達の模式図。+は PV アノマリを示している。黒塗りと白抜きの記 号はそれぞれ上層と下層に伴うものを示している。(Hoskins et. al.,1985)

5. 設定

今回使用したデータは気象庁全球客観解析デ ータで、最下層は1000hPa、最上層は100hPaとし た。平均場は25日00UTCから5日間の時間平均 で定義した。全PVから平均場のPVを引いて得ら れるPVア/マリを今回は4つのパートに分離した。

上層の PV アノマリ。100~500hPa の PV アノマリ(湿潤域の正の PV アノマリは除く)で Qupper とする。 非断熱加熱による対流圏下層の PV アノマ

リ。500~925hPa の相対湿度が 70%以上の領域 内の正の PV アノマリで Qsat とした。 下部境界 の温度偏差。925~1000hPa の PV アノマリ(湿潤 域の正の PV アノマリは除く)で effとした。 残差 で Qr と定義した。

6.各 PV アノマリの下層低気圧性循環への寄与

図4は、925hPa における渦度を、その時刻の低 気圧中心に最も近い格子点を中心とした 10°× 10°の領域内の格子点で平均したものである。図 4には、トータル PV アノマリによる渦度と、その内 訳が示されている。まず、トータル PV アノマリによ る渦度は、時間とともに線形的に増加している。 Qsat による渦度は発生初期からすべての時間に おいて最も寄与が大きく、27日21時には70%近 い寄与率を持っている。一方、Qupper による寄与 は全時間を通して非常に小さい。このような結果 は、非断熱加熱を除くと低気圧がほとんど発達し ないという感度実験の結果とも整合的である。





7.各 PV アノマリ間の相互作用

次に、各 PV アノマリ間の相互作用について見 ていく。

図 5a は、

図 3a に

対応する Qupper による 下層の温位移流を示したものである。トラフとリッ ジによる流れが合流し、低気圧中心付近で正の温 位移流となっており、上層の PV アノマリに伴う循 環が下層の温度偏差を強めていることがわかる。 さらにこの図から、低気圧中心に向かう水蒸気輸 送も推測され、低気圧中心の対流を通して下層の PV 生成にも寄与していると考えられる。こうして低 気圧中心付近に生成された下層の PV アノマリは 温暖(寒冷)前線上で正(負)の温度移流をもたらし、 下層の温度擾乱を増幅するように働いていた(図 5b)。 図 5c は図 3b の白抜きの循環に対応する下 層の PV アノマリによる上空の渦位の移流の様子 を示したものである。今回のケースでは、非断熱 加熱によって生成された PV アノマリも温度偏差と



の温位移流(K/hour)、(c)250hPa における Qsat + eff によ る循環と渦位(PVU)。 は地上低気圧の中心。

同位相にあるため、この両者を合わせて下層の PV アノマリとした。リッジでは南風による負の渦位



図6:1999年10月27日(左)と1997年11月17日(右)の500hPa の相当温位移流(K/hour)。(上段)トータル PV アノマリによる相当 温位移流(K/hour)、(中段)Qupperによる相当温位移流(K/hour)、 (下段)Qsat による相当温位移流(K/hour)。

移流があり、トラフでは北風による正の渦位移流 となっており、下層の PV アノマリによる循環は上 層の擾乱を増幅させるように働いていた。このよう に、今回のケースでは、上層と下層のロスビー波 の相互作用に、非断熱加熱によって形成された PV アノマリによる循環が加わって、さらに発達を 強めたと結論できる。

8.乾燥貫入とスプリット前線

最後に、この低気圧では顕著な乾燥貫入とスプ リット前線(Browning and Monk,1982)が見られた。 このような中層への乾燥した低相当温位空気の 侵入を PV アノマリに伴う循環によって説明を試み た。今回のケースと比較するために、寒冷前線に 沿って顕著な積雲対流を伴うアナ前線 (Bergeron,1937)が見られた 1997年11月17日の 事例と比較を行った。PV アノマリによる循環の他 に、平均流による移流も存在するが、いずれもほ ぼ東西流で強さにもそれほど差はなく、その影響 は小さいと考えられるためここでは考えない。図 6 は、トータルの PV アノマリによる 500hPa の相当温 位の移流とその内訳を示したものである。

本事例のスプリット前線の場合には、南北に一 対の正と負の移流が存在している(図 6 左上)のに 対し、アナ前線のケースでは低気圧付近は一様に 正の移流となっている。どうしてこのような移流分 布の差異が生じたのかその内訳を見ると、Qupper による移流は両ケースとも低気圧付近では正の移 流となっている。これは、上空のトラフとリッジによ る循環が低気圧付近では南風となっており、南方 から高相当温位の空気を移流しているためである。 しかしながら、Qsat について見てみると、明らかに 分布が異なっている。アナ前線のケースでは Qsat による移流はほとんどなく、Qupper による移流がト ータル PV アノマリによる移流を説明している。一 方、スプリット前線のケースでは、Qsat による一対 の正と負の移流が見られ、これが、トータル PV ア ノマリによる移流を説明している。

このような結果がすべての事例についていえる かどうかはまだ明らかではないので、今後さらに 他の事例との比較や他のメカニズムについても検 討するとともに、数値シミュレーションも行ってスプ リット前線のメカニズムについて解明していきた い。

9.まとめ

急発達した低気圧の発達メカニズムを調べるた めに、PV inversion を用いた解析を行った。その結 果、今回の低気圧は上層と下層の擾乱の相互作 用が重要であったことがわかった。下層の擾乱に は下部境界の温度偏差のほかに、低気圧中心付 近の降水に伴う非断熱加熱によって形成された下 層の PV アノマリが存在しており、これが低気圧の 発達に非常に重要な役割を果たしていたことが明 らかになった。この下層の PV アノマリの下層低気 圧性循環に対する寄与は解析の全期間を通して 50%以上と非常に大きな寄与率を持っていた。さ らに、この下層のPVアノマリは上層のPVアノマリ、 下層の温度偏差とも相互作用していた。上層の PV アノマリに伴う循環によって形成された下層の 温度偏差に対しては、伝播を速めるように働いて いた。また、上層の PV アノマリに対しては、下層 の温度偏差に伴う循環と合わさって PV アノマリを 強化するように働いていた。このように、今回の低 気圧では、上層と下層のロスビー波の相互作用に、 非断熱加熱によって形成された PV アノマリによる 循環が加わって、さらに低気圧を発達させたと考 えられる。

また、今回の低気圧では、顕著な中層への乾燥 空気の侵入とスプリット前線が見られた。そこで、 このような中層の乾燥した低相当温位空気の移 流の擾乱に伴う循環による説明を試みた。トータ ル PV アノマリによる相当温位移流についてアナ 前線のケースと比較を行ったところ、アナ前線の 場合には低気圧中心付近では一様に正の移流と なっていたのに対し、スプリット前線のケースでは、 低気圧中心付近に一対の正と負の移流が見られ た。その内訳を見たところ、Qupper による移流は 両ケースとも低気圧中心付近では正の移流となっ ていた。しかし、Qsat による移流を調べたところ、 アナ前線の場合にはほとんど移流はなかったの に対し、スプリット前線の場合には、一対の正と負 の移流が見られ、これがトータル PV アノマリによ る移流を説明していた。この結果、今回の低気圧 の中層の低相当温位空気の移流には Qsat に伴う 循環が重要であったことがわかった。

参考文献

- 金井秀元,2002:集中豪雨をもたらす低気圧とそのメソスケー ル構造に関する研究.東京大学理学系研究科地球惑星 科学専攻修士論文,73pp.
- Bergeron T., 1937: On the physics of fronts. Bull. Amer. Meteor. Soc., 18, 265-275.
- Browning K.A. and G.A. Monk, 1982: A simple model for the synoptic analysis of cold front. *Quart. J. Roy. Meteor.* Soc., **108**, 435-452.
- Davis C.A. and K.A. Emanuel, 1991: Potential vorticity diagnostics of cyclogenesis. *Mon. Wea. Rev.*, **119**, 1929-1953.
- Hoskins B.J., M.E. McIntyre and A.W. Robertson, 1985: On the use and significance of isentropic potential vorticity maps. *Quart. J. Roy. Meteor. Soc.*, **111**, 877-946.
- Sandars, F. and J.R. Gyakum, 1980: Synoptic-dynamic climatology of the ``bomb". *Mon. Wea. Rev.*, **108**, 1589-1606.
- Uccellini L.W., 1990: Processes contributing to the rapid development of extratropical cyclone. in *Extratropical cyclones. The Erik Palmen Memorial Volume*. Eds. C.W. Newton and E.O. Holopainen. Amer. Meteor. Soc., Boston, USA, pp.81-105